

Reconstruirea mecanicii cuantice din principii fizice

Metoda si Interpretare

Florin Moldoveanu

Logic and Philosophy of Science Research Group,
University of Maryland at College Park

De ce este mecanica cuantica neintuitiva?

De ce este mecanica cuantica neintuitiva?

- Mecanica Cuantica prezice doar probabilitati

De ce este mecanica cuantica neintuitiva?

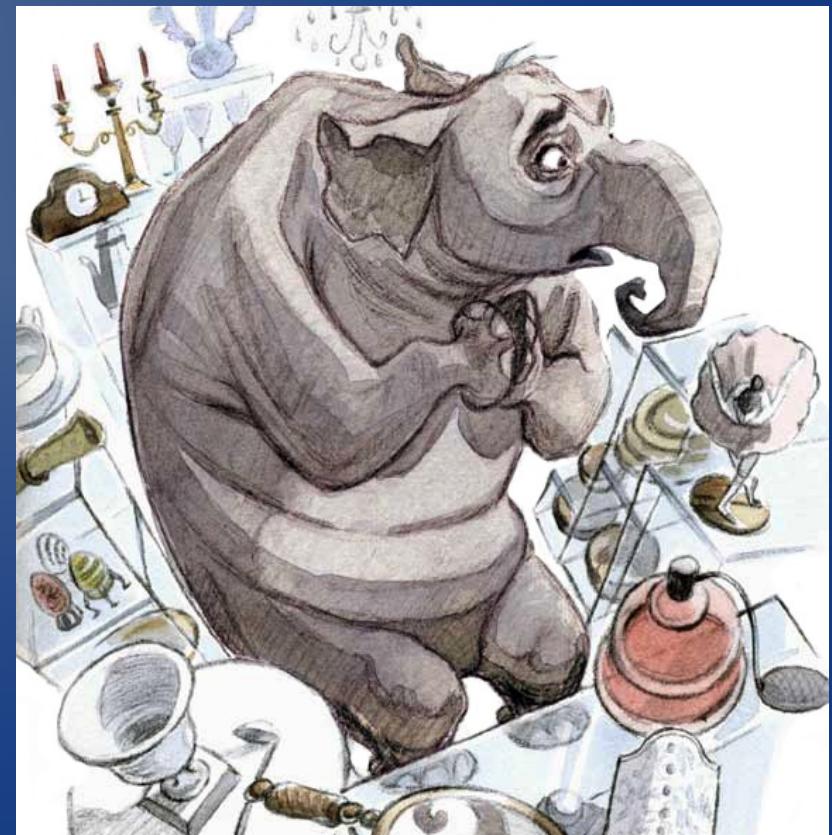
- Mecanica Cuantica prezice doar probabilitati
 - Repetand un experiment nu stim niciodata care va fi rezultatul.

De ce este mecanica cuantica neintuitiva?

- Mecanica Cuantica prezice doar probabilitati
 - Repetand un experiment nu stim niciodata care va fi rezultatul.
 - Rezulatul e intrinsec aleator?

De ce este mecanica cuantica neintuitiva?

- Mecanica Cuantica prezice doar probabilitati
 - Repetand un experiment nu stim niciodata care va fi rezultatul.
 - Rezultatul e intrinsec aleator?
 - Rezultatul nu e aleator dar poate ca ne comportam ca un elefant intr-un magazin de portelanuri?



De ce este mecanica cuantica neintuitiva?

- Mecanica Cuantica prezice doar probabilitati
 - Einstein, Podolsky si Rosen au propus in 1935 ca mecanica cuantica este “incompleta”

MAY 15, 1935

PHYSICAL REVIEW

VOLUME 47

Can Quantum-Mechanical Description of Physical Reality Be Considered Complete?

A. EINSTEIN, B. PODOLSKY AND N. ROSEN, *Institute for Advanced Study, Princeton, New Jersey*
(Received March 25, 1935)

In a complete theory there is an element corresponding to each element of reality. A sufficient condition for the reality of a physical quantity is the possibility of predicting it with certainty, without disturbing the system. In quantum mechanics in the case of two physical quantities described by non-commuting operators, the knowledge of one precludes the knowledge of the other. Then either (1) the description of reality given by the wave function in quantum mechanics is not complete or (2) these two quantities cannot have simultaneous reality. Consideration of the problem of making predictions concerning a system on the basis of measurements made on another system that had previously interacted with it leads to the result that if (1) is false then (2) is also false. One is thus led to conclude that the description of reality as given by a wave function is not complete.

De ce este mecanica cuantica neintuitiva?

- Mecanica Cuantica prezice doar probabilitati
 - Experiment imaginari: 1 sistem se dezintegreaza in 2 fragmente identice A si B

De ce este mecanica cuantica neintuitiva?

- Mecanica Cuantica prezice doar probabilitati
 - Experiment imaginari: 1 sistem se dezintegreaza in 2 fragmente identice A si B
 - Masuram pozitia pentru A, impulsul pentru B

De ce este mecanica cuantica neintuitiva?

- Mecanica Cuantica prezice doar probabilitati
 - Experiment imaginari: 1 sistem se dezintegreaza in 2 fragmente identice A si B
 - Masuram pozitia pentru A, impulsul pentru B
 - Odata ce pozitia este masurata, mecanica cuantica nu stie nimic despre impuls (relatiile de incertitudine Heisenberg), dar impulsul se poate deduce din legea de conservare a impulsului

De ce este mecanica cuantica neintuitiva?

- Mecanica Cuantica prezice doar probabilitati
 - Experiment imaginari: 1 sistem se dezintegreaza in 2 fragmente identice A si B
 - Masuram pozitia pentru A, impulsul pentru B
 - Odata ce pozitia este masurata, mecanica cuantica nu stie nimic despre impuls (relatiile de incertitudine Heisenberg), dar impulsul se poate deduce din legea de conservare a impulsului
 - *Impulsul la A nu poate sa fie afectat de masuratoarea la B si de aceea el trebuie sa existe independent de masuratoarea la B*

De ce este mecanica cuantica neintuitiva?

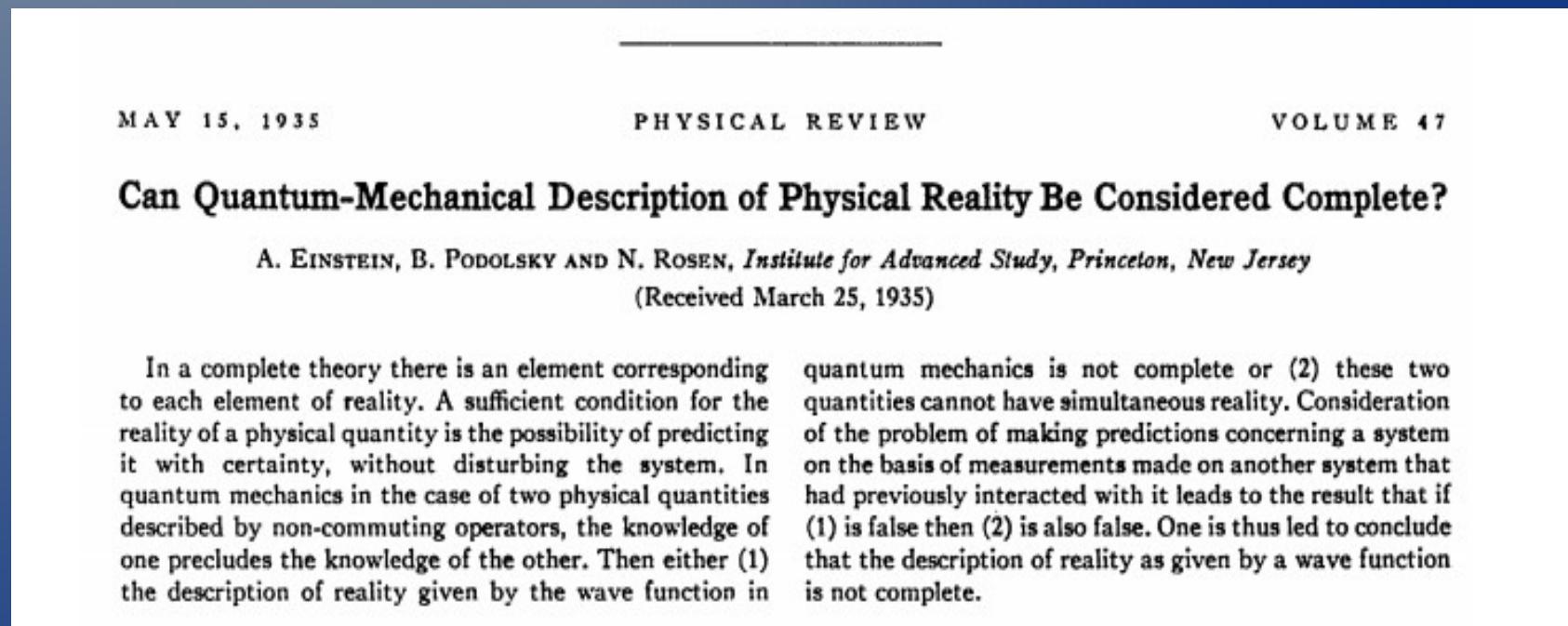
- Mecanica Cuantica prezice doar probabilitati

Experiment imaginari: 1 sistem se dezintegreaza in 2 fragmente identice A si B

- Masuram pozitia pentru A, impulsul pentru B
- Odata ce pozitia este masurata, mecanica cuantica nu stie nimic despre impuls (relatiile de incertitudine Heisenberg), dar impulsul se poate deduce din legea de conservare a impulsului
- *Impulsul la A nu poate sa fie afectat de masuratoarea la B si de aceea el trebuie sa existe independent de masuratoarea la B.*
- EPR: Mecanica cuantica este “incompleta”

De ce este mecanica cuantica neintuitiva?

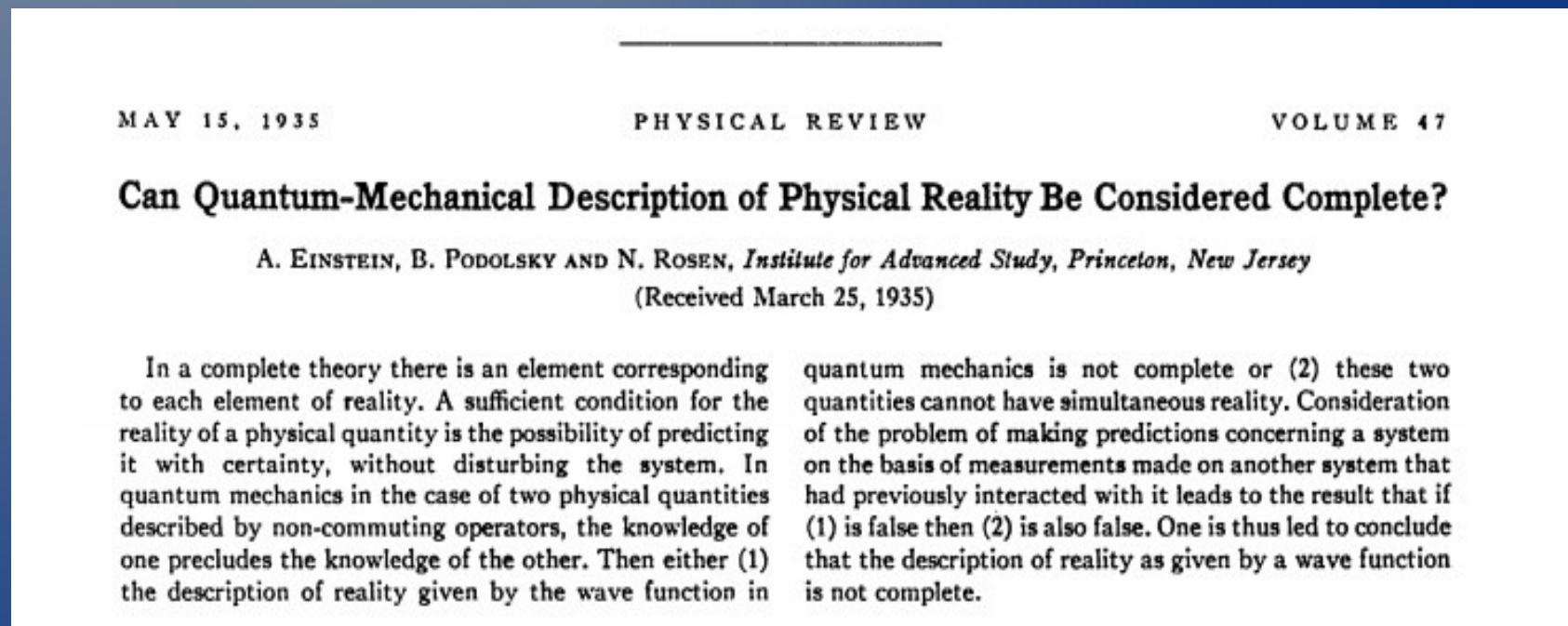
- Mecanica Cuantica prezice doar probabilitati
 - Einstein, Podolsky si Rosen au propus in 1935 ca mecanica cuantica este “incompleta”



- Bell 1964: Existenta impulsului la „A” ESTE AFECTATA de masuratoarea la „B”!!! - NELOCALITATE

De ce este mecanica cuantica neintuitiva?

- Mecanica Cuantica prezice doar probabilitati
 - Einstein, Podolsky si Rosen au propus in 1935 ca mecanica cuantica este “incompleta”



- FALS! Mecanica cuantica este o descriere completa a naturii

De ce este mecanica cuantica neintuitiva?

- Mecanica Cuantica prezice doar probabilitati
- Valoarea unei masuratori nu exista inainte de experiment (Kochen-Specker 1967)

De ce este mecanica cuantica neintuitiva?

- Mecanica Cuantica prezice doar probabilitati
- Valoarea unei masuratori nu exista inainte de experiment (Kochen-Specker 1967)
 - Masurand valoarea patrata a spinului unei particule (de spin 1) pe 3 directii perpendiculare rezulta in: 0,1,1

De ce este mecanica cuantica neintuitiva?

- Mecanica Cuantica prezice doar probabilitati
- Valoarea unei masuratori nu exista inainte de experiment (Kochen-Specker 1967)
 - Masurand valoarea patrata a spinului unei particule (de spin 1) pe 3 directii perpendiculare rezulta in: 0,1,1
 - Alegem judicios un set de directii, multe dintre ele perpendiculare si vrem sa vedem daca putem sa le dam valorile 0 si 1 inainte de experiment.

De ce este mecanica cuantica neintuitiva?

- Mecanica Cuantica prezice doar probabilitati
- Valoarea unei masuratori nu exista inainte de experiment (Kochen-Specker 1967)
 - Masurand valoarea patrata a spinului unei particule (de spin 1) pe 3 directii perpendiculare rezulta in: 0,1,1
 - Alegem judicios un set de directii, multe dintre ele perpendiculare si vrem sa vedem daca putem sa le dam valorile 0 si 1 inainte de experiment.
 - Problema se reduce la un joc de colorat: 1-rosu, 0-albastru

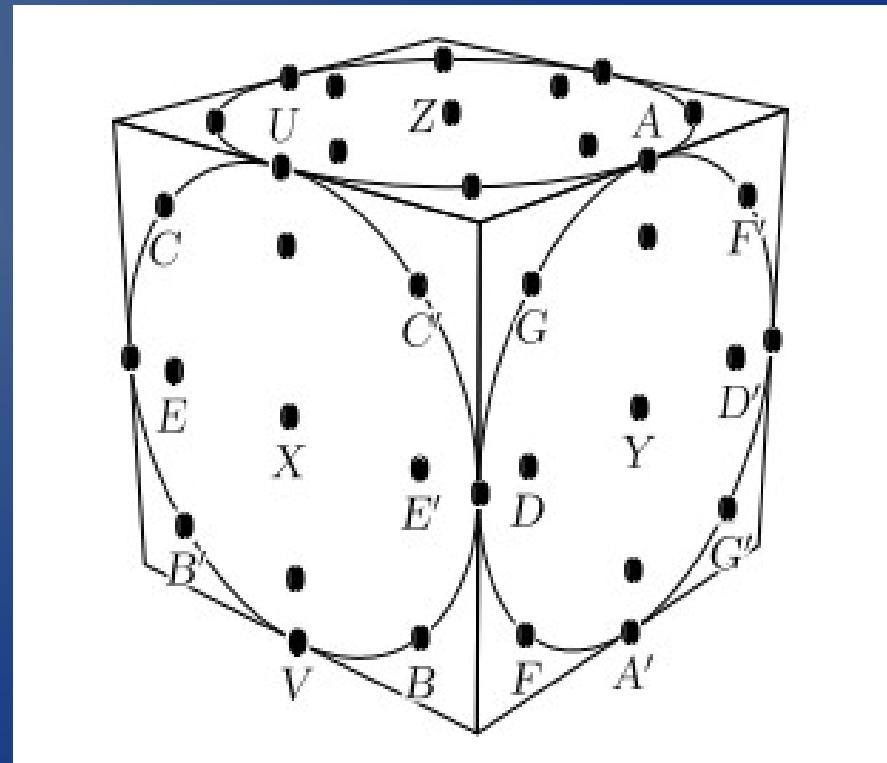
De ce este mecanica cuantica neintuitiva?

- Mecanica Cuantica prezice doar probabilitati
- Peres (1991) a gasit o simplificare

- Consideram un cub
- Inscriem cercuri
- Inscriem un patrat in cerc
- Unim punctele din figura cu centrul cubului:
 - 33 directii

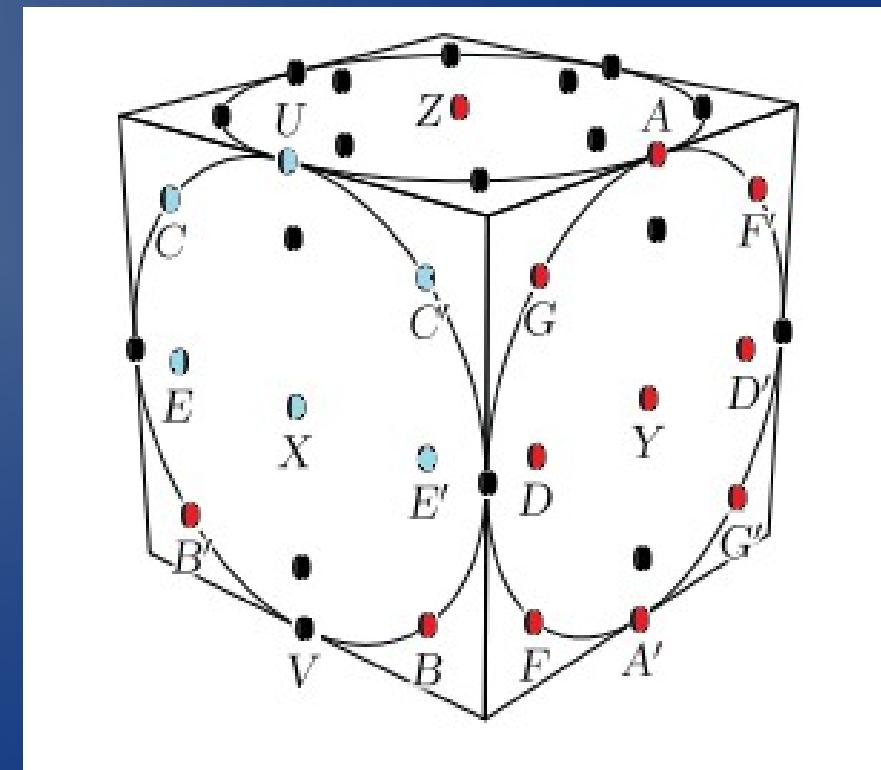
- Incepem prin colorarea XYZ: 0,1,1

(fara sa restrangem generalitatea)



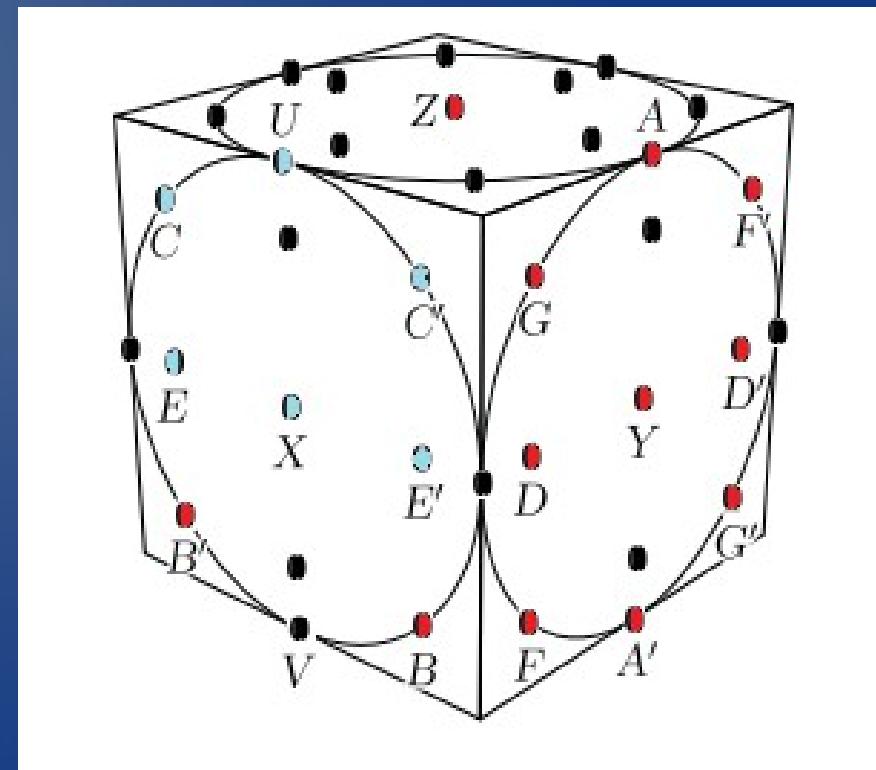
De ce este mecanica cuantica neintuitiva?

- Mecanica Cuantica prezice doar probabilitati
- Valoarea unei masuratori nu exista inainte de experiment
 - Ajungem la configuratia din dreapta



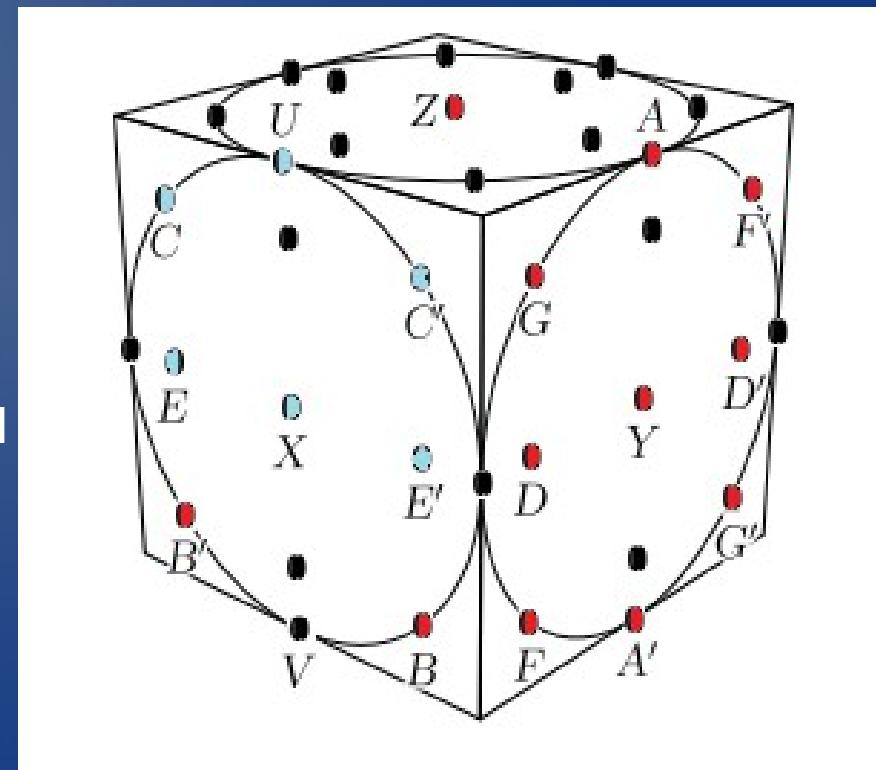
De ce este mecanica cuantica neintuitiva?

- Mecanica Cuantica prezice doar probabilitati
- Valoarea unei masuratori nu exista inainte de experiment
 - Ajungem la configuratia din dreapta
 - Cum coloram V?



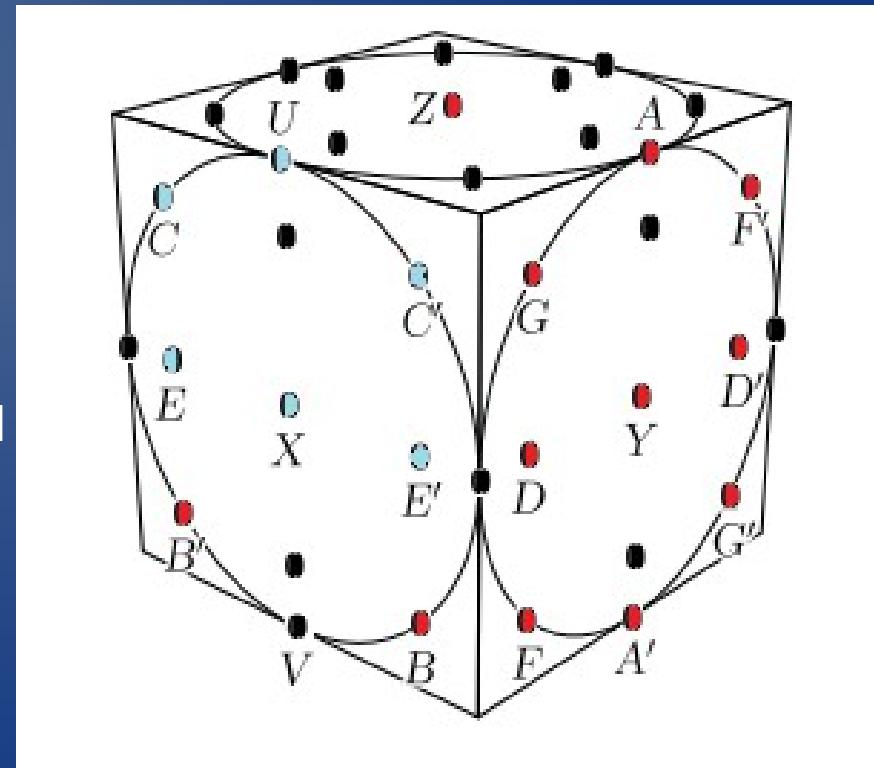
De ce este mecanica cuantica neintuitiva?

- Mecanica Cuantica prezice doar probabilitati
- Valoarea unei masuratori nu exista inainte de experiment
 - Ajungem la configuratia din dreapta
 - Cum coloram V?
 - $GG'V \rightarrow V=\text{albastru}$



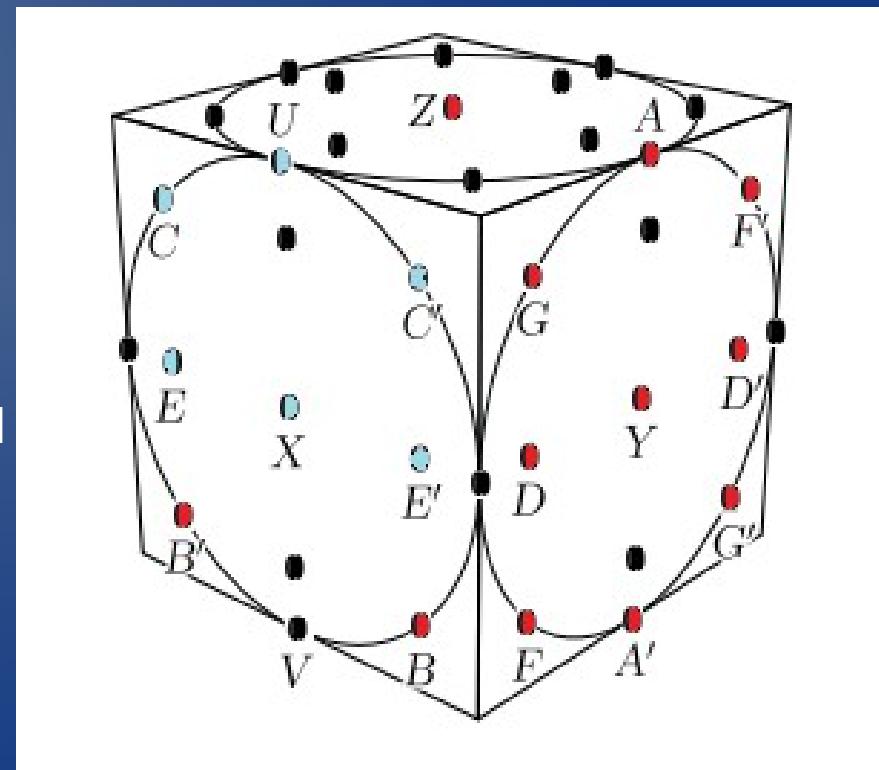
De ce este mecanica cuantica neintuitiva?

- Mecanica Cuantica prezice doar probabilitati
- Valoarea unei masuratori nu exista inainte de experiment
 - Ajungem la configuratia din dreapta
 - Cum coloram V?
 - GG'V \rightarrow V=albastru
 - UVY \rightarrow V=rosu



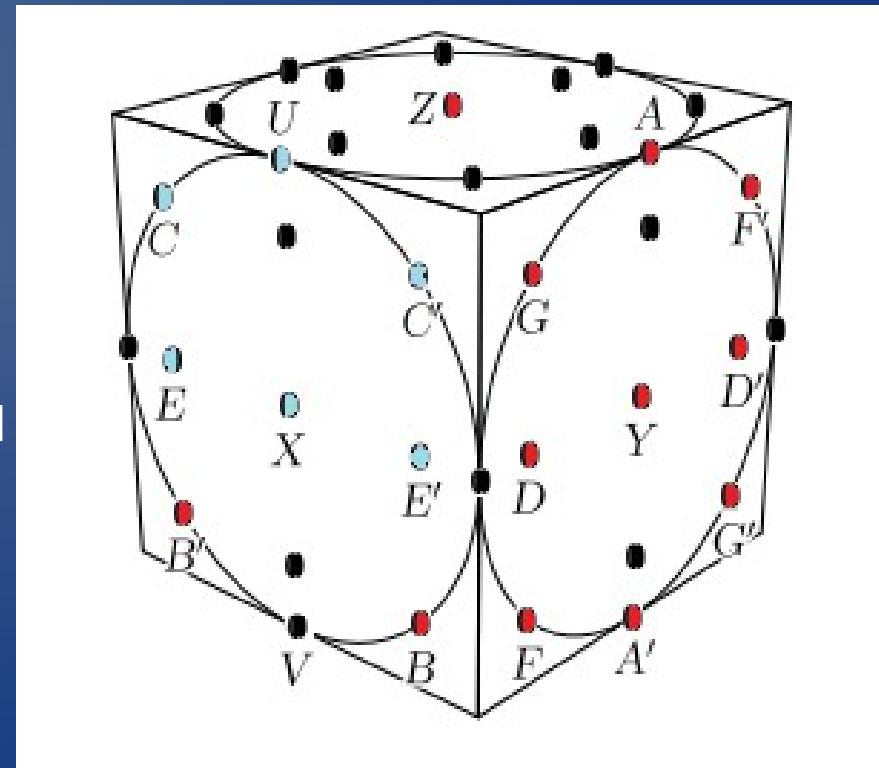
De ce este mecanica cuantica neintuitiva?

- Mecanica Cuantica prezice doar probabilitati
- Valoarea unei masuratori nu exista inainte de experiment
 - Ajungem la configuratia din dreapta
 - Cum coloram V?
 - GG'V \rightarrow V=albastru
 - UVY \rightarrow V=rosu
 - CONTRADICTIE!



De ce este mecanica cuantica neintuitiva?

- Mecanica Cuantica prezice doar probabilitati
- Valoarea unei masuratori nu exista inainte de experiment
 - Ajungem la configuratia din dreapta
 - Cum coloram V?
 - GG'V \rightarrow V=albastru
 - UVY \rightarrow V=rosu
- Denumirea oficiala: contextualitate



De ce este mecanica cuantica neintuitiva?

- Mecanica Cuantica prezice doar probabilitati
- Valoarea unei masuratori nu exista ~~inainte~~ independent de experiment (contextualitate)
- Deci mecanica cuantica e probabilistica, nu deterministică

De ce este mecanica cuantica neintuitiva?

- Mecanica Cuantica prezice doar probabilitati
- Valoarea unei masuratori nu exista ~~inainte~~ independent de experiment (contextualitate)
- Deci mecanica cuantica e probabilistica, nu deterministică

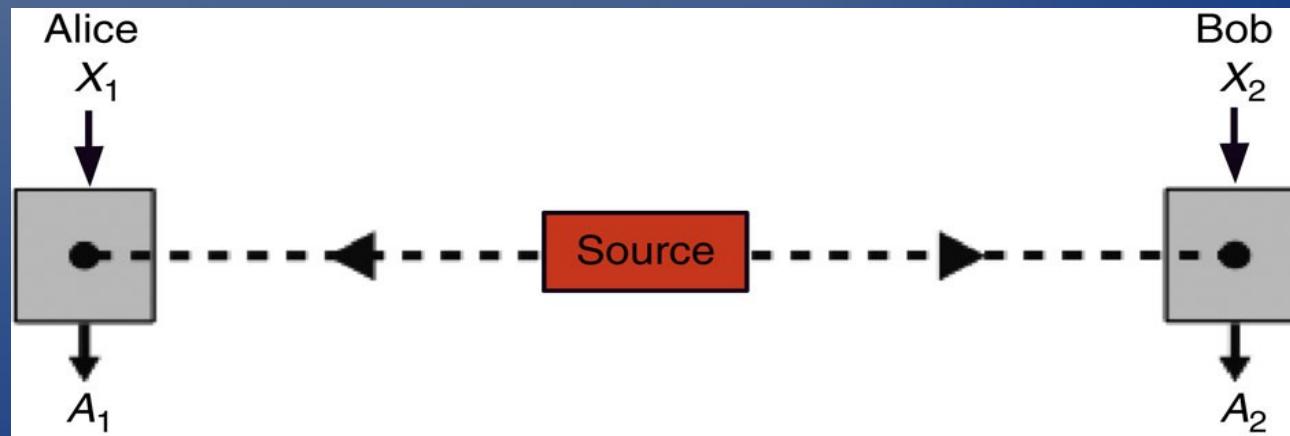
INSA...

De ce este mecanica cuantica neintuitiva?

- Mecanica Cuantica prezice doar probabilitati
- Valoarea unei masuratori nu exista înainte independent de experiment (contextualitate)
- Mecanica cuantica prezice *corelatii mai mari* decat corelatiile oricarei teorii deterministice

De ce este mecanica cuantica neintuitiva?

- Mecanica Cuantica prezice doar probabilitati
- Valoarea unei masuratori nu exista înainte independent de experiment (contextualitate)
- Mecanica cuantica prezice *corelatii mai mari* decat corelatiile oricarei teorii deterministicice



experiment Alice-Bob

De ce este mecanica cuantica neintuitiva?

- Mecanica Cuantica prezice doar probabilitati
- Valoarea unei masuratori nu exista înainte independent de experiment (contextualitate)
- Mecanica cuantica prezice *corelatii mai mari* decat corelatiile oricarei teorii deterministicice



experiment Alice-Bob

De ce este mecanica cuantica neintuitiva?

- Mecanica Cuantica prezice doar probabilitati
- Valoarea unei masuratori nu exista înainte independent de experiment (contextualitate)
- Mecanica cuantica prezice *corelatii mai mari* decat corelatiile oricarei teorii deterministice
 - Intr-un sistem de referinta Alice masoara inaintea lui Bob

De ce este mecanica cuantica neintuitiva?

- Mecanica Cuantica prezice doar probabilitati
- Valoarea unei masuratori nu exista înainte independent de experiment (contextualitate)
- Mecanica cuantica prezice *corelatii mai mari* decat corelatiile oricarei teorii deterministice
 - Intr-un sistem de referinta Alice masoara inaintea lui Bob
 - In alt sistem de referinta Bob masoara inaintea lui Alice

De ce este mecanica cuantica neintuitiva?

- Mecanica Cuantica prezice doar probabilitati
- Valoarea unei masuratori nu exista înainte independent de experiment (contextualitate)
- Mecanica cuantica prezice *corelatii mai mari* decat corelatiile oricarei teorii deterministice
 - Intr-un sistem de referinta Alice masoara înaintea lui Bob
 - In alt sistem de referinta Bob masoara înaintea lui Alice
 - In ambele cazuri rezultatul masuratorii nu exista înainte de masura si totusi rezultatele sunt corelate chiar mai mult decat ne puteam astepta

De ce este mecanica cuantica neintuitiva?

- Mecanica Cuantica prezice doar probabilitati
- Valoarea unei masuratori nu exista înainte independent de experiment (contextualitate)
- Mecanica cuantica prezice *corelatii mai mari* decat corelatiile oricarei teorii deterministice

De ce este mecanica cuantica neintuitiva?

- Mecanica Cuantica prezice doar probabilitati
- Valoarea unei masuratori nu exista ~~inainte~~ independent de experiment (contextualitate)
- Mecanica cuantica prezice *corelatii mai mari* decat corelatiile oricarei teorii deterministice
 - Care sunt interpretarile majore ale mecanicii cuantice?

Interpretarile mecanicii cuantice

- Daca credem in semnale primite din viitor



Interpretarile mecanicii cuantice

- Daca credem in semnale primite din viitor

(dar nu primim
informatii utile din
viitor)



Interpretarile mecanicii cuantice

- Daca credem in semnale primite din viitor

(dar nu primim
informatii utile din
viitor)



- Interpretarea transactionala

Interpretarile mecanicii cuantice

- Daca credem in viteze mai mari decat viteza luminii



Interpretarile mecanicii cuantice

- Daca credem in viteze mai mari decat viteza luminii
(dar nu putem sa o folosim sa trimitem semnale mai repede ca viteza luminii)



Interpretarile mecanicii cuantice

- Daca credem in viteze mai mari decat viteza luminii

(dar nu putem sa o folosim sa trimitem semnale mai repede ca viteza luminii)



- Interpretarea Bohm

Interpretarile mecanicii cuantice

- Daca credem in nemurire



Interpretarile mecanicii cuantice

- Daca credem in nemurire

(dar nu o observam in
practica)



Interpretarile mecanicii cuantice

- Daca credem in nemurire

(dar nu o observam in practica)



- Interpretarea multi-verse (universuri paralele)

Interpretarile mecanicii cuantice

- Daca credem in mecanica clasica



Interpretarile mecanicii cuantice

- Daca credem in mecanica clasica

(si folosim o teorie
incorecta a naturii
ca sa definim teoria
corecta)



Interpretarile mecanicii cuantice

- Daca credem in mecanica clasica

(si folosim o teorie
incorecta a naturii
ca sa definim teoria
corecta)



- Interpretarea Copenhagen

Axiomele mecanicii cuantice

Axiomele mecanicii cuantice

- Starea unui sistem cuantic φ este descrisa de un vector intr-un spatiu Hilbert H .

Axiomele mecanicii cuantice

- Starea unui sistem cuantic φ este descrisa de un vector intr-un spatiu Hilbert H .
- Observabilele sistemului cuantic φ sunt definite de operatori auto-adjuncti A in H .

Axiomele mecanicii cuantice

- Starea unui sistem cuantic φ este descrisa de un vector intr-un spatiu Hilbert H .
- Observabilele sistemului cuantic φ sunt definite de operatori auto-adjuncti A in H .
- Valoarea medie a unei observabile A pentru un sistem cuantic φ este data de produsul interior $(\varphi, A\varphi)$.

Axiomele mecanicii cuantice

- Starea unui sistem cuantic φ este descrisa de un vector intr-un spatiu Hilbert H .
- Observabilele sistemului cuantic φ sunt definite de operatori auto-adjuncti A in H .
- Valoarea medie a unei observabile A pentru un sistem cuantic φ este data de produsul interior $(\varphi, A\varphi)$.
- Evolutia temporala a unui sistem cuantic φ este data de ecuatia Schrodinger.

Si teoria relativitatii e neintuitiva

Si teoria relativitatii e neintuitiva

- Paradoxul gemenilor

Si teoria relativitatii e neintuitiva

- Paradoxul gemenilor
- Contractia lungimii

Si teoria relativitatii e neintuitiva

- Paradoxul gemenilor
- Contractia lungimii
- Dilatarea temporală

Si teoria relativitatii e neintuitiva

- Paradoxul gemenilor
- Contractia lungimii
- Dilatarea temporală
- Inexistenta simultaneitatii absolute

Si teoria relativitatii e neintuitiva

- Paradoxul gemenilor
- Contractia lungimii
- Dilatarea temporală
- Inexistenta simultaneitatii absolute
- Aceste efecte sunt greu de inteles dinamic si se explica cinematic

Derivarea teoriei relativitatii

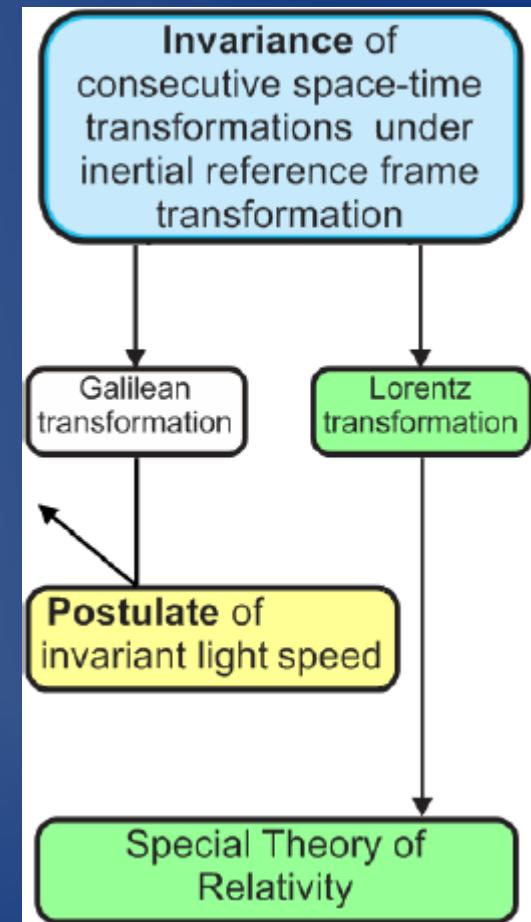
- Explicatia nu e data de postulate tehnice
(transformarea Lorentz)

Derivarea teoriei relativitatii

- Explicatia nu e data de postulate tehnice (transformarea Lorentz)
- Teoria se deduce din principii fizice:
 - Invarianta la transformari lineare de coordonate
 - Postulat experimental

Derivarea teoriei relativitatii

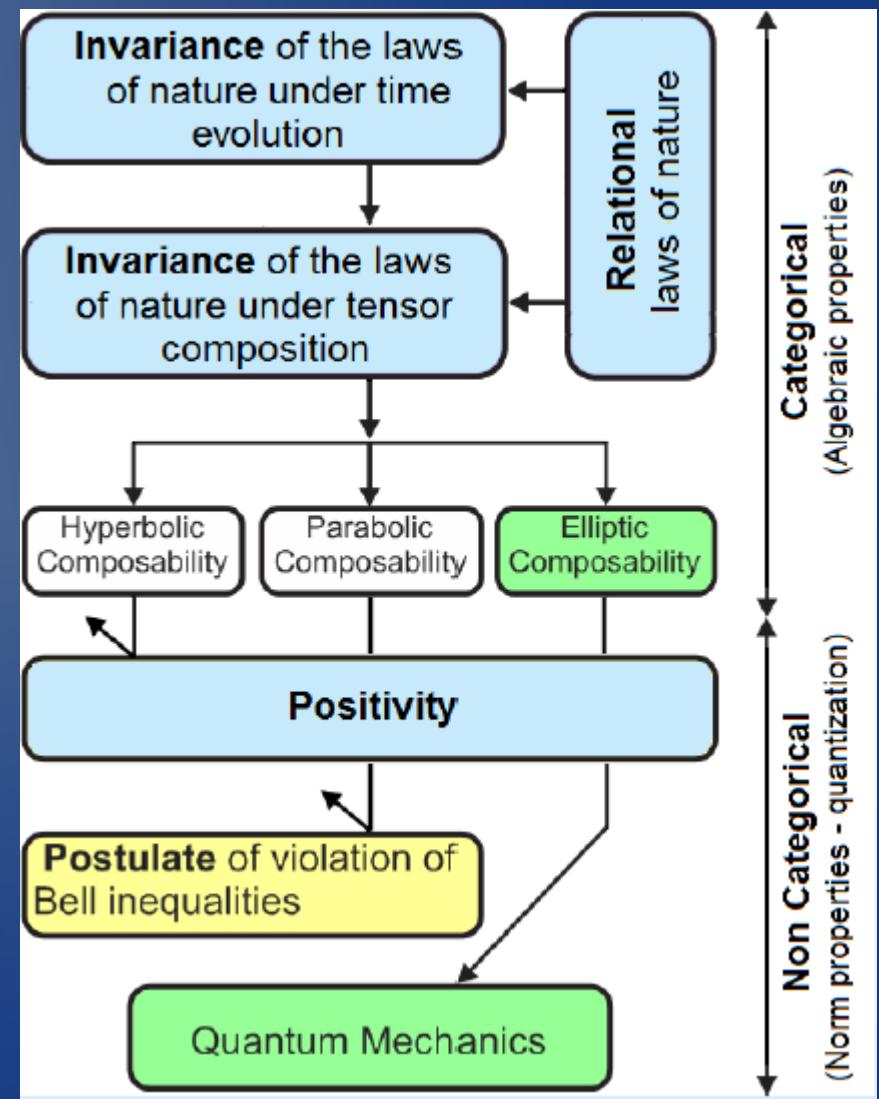
- Explicatia nu e data de postulate tehnice (transformarea Lorentz)
- Teoria se deduce din principii fizice:
 - Invarianta la transformari lineare de coordonate
 - Postulat experimental



Derivarea mecanicii cuantice din principii fizice

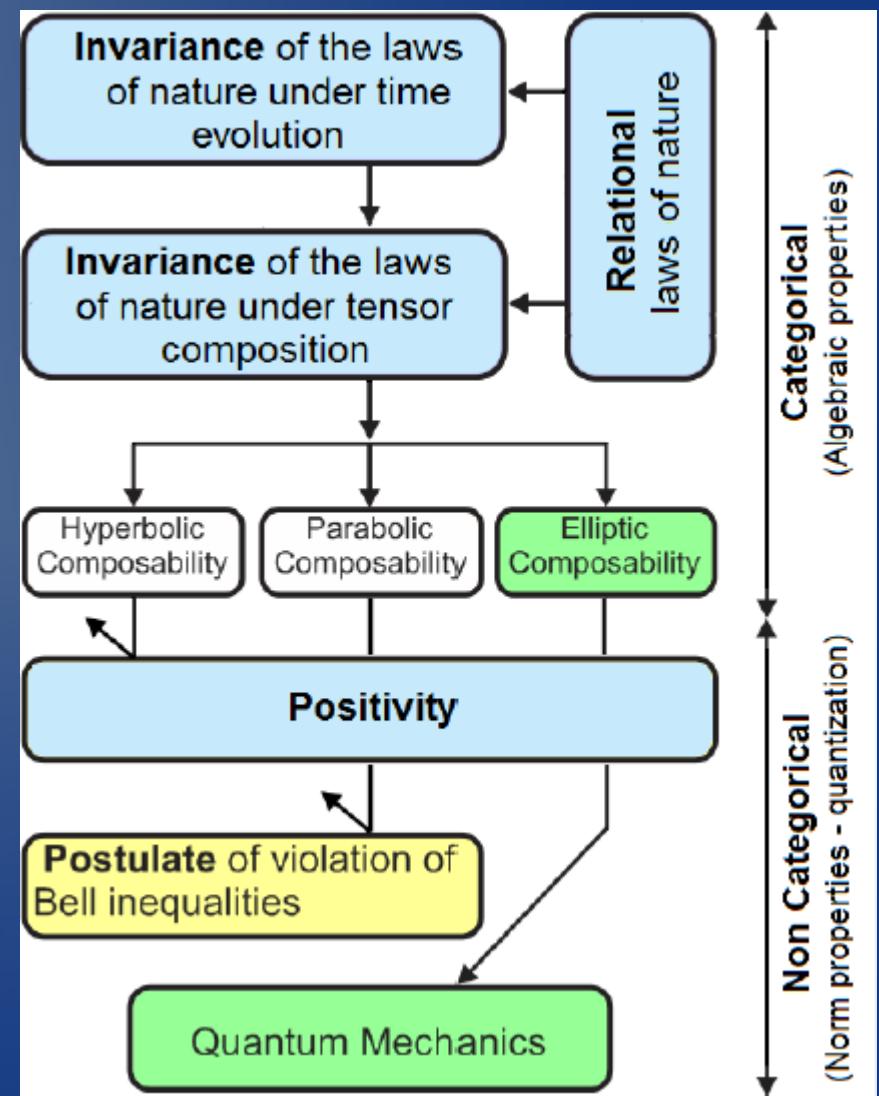
Derivarea mecanicii cuantice din principii fizice

- Invarianta legilor fizice la evolutia in timp



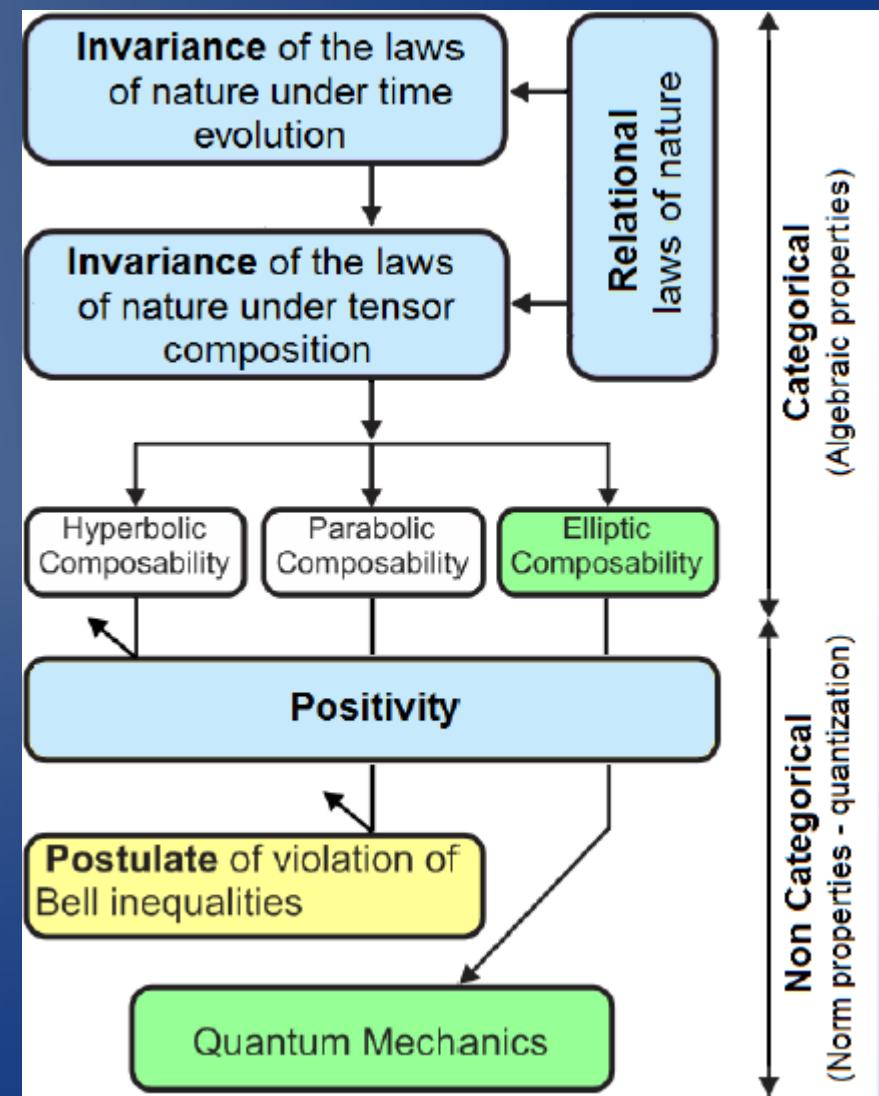
Derivarea mecanicii cuantice din principii fizice

- Invarianta legilor fizice la evolutia in timp
- Invarianta legilor fizice la compositie



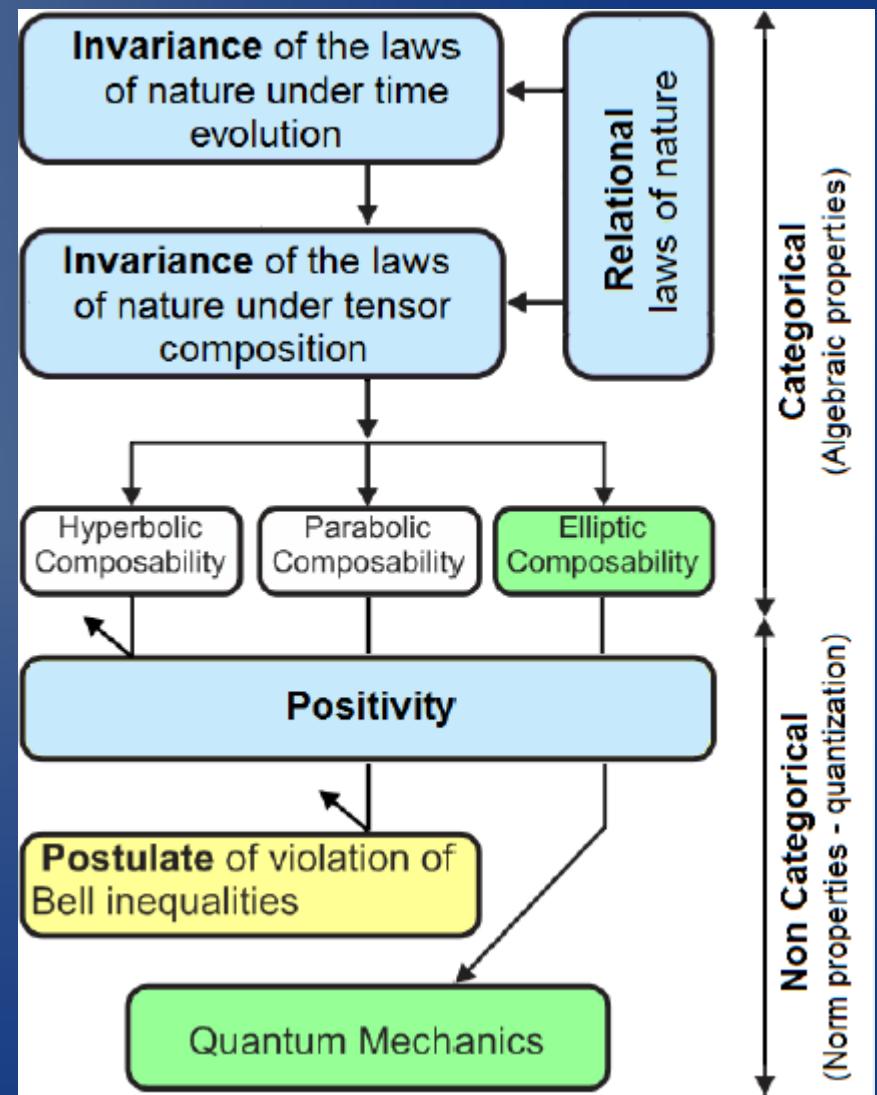
Derivarea mecanicii cuantice din principii fizice

- Invarianta legilor fizicii la evolutia in timp
- Invarianta legilor fizicii la compositie
- Principiu de relativitate generalizat



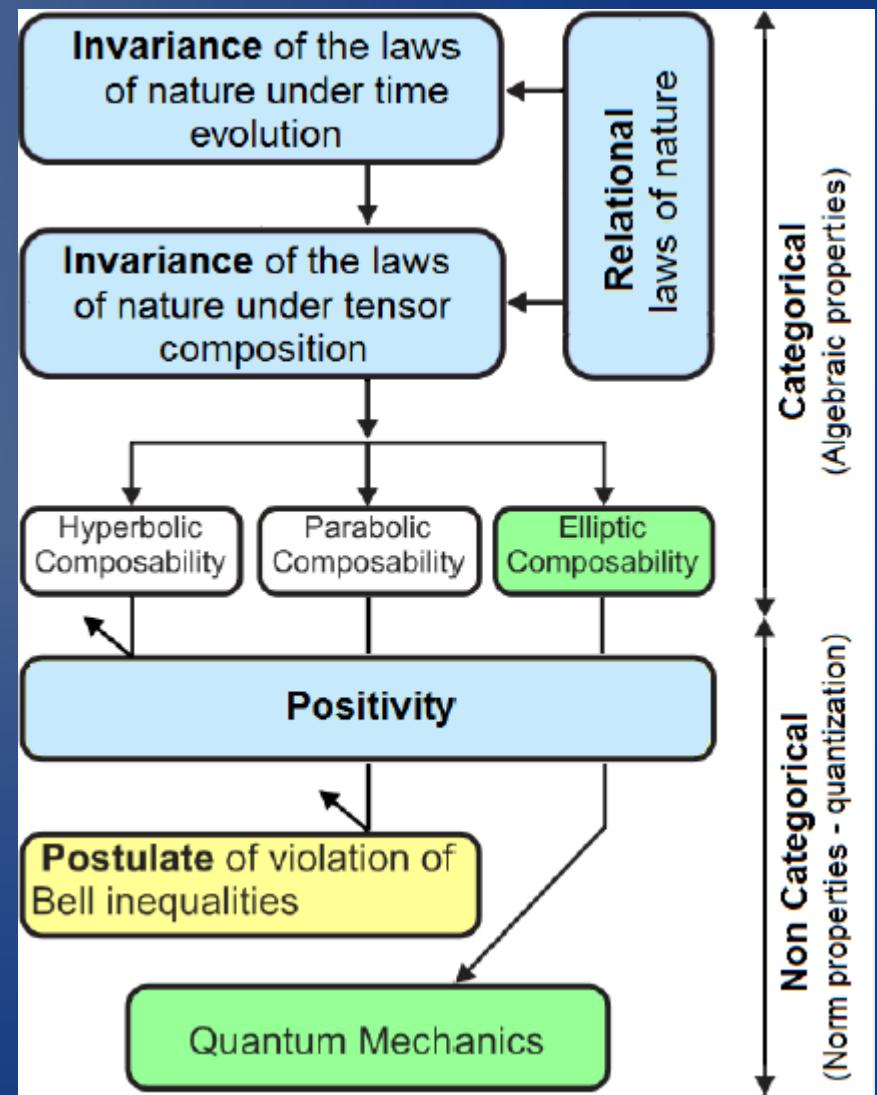
Derivarea mecanicii cuantice din principii fizice

- Invarianta legilor fizicii la evolutia in timp
 - Invarianta legilor fizicii la componetă
 - Principiu de relativitate generalizat
 - Abilitate de a genera predictii experimentale



Derivarea mecanicii cuantice din principii fizice

- Invarianta legilor fizicii la evolutia in timp
 - Invarianta legilor fizicii la compozitie
 - Principiu de relativitate generalizat
 - Abilitate de a genera predictii experimentale
 - Postulat experimental



Ce inseamna invarianta la compozitie?

- Sistemul fizic A este descris de o teorie T
- Sistemul fizic B este descris de aceiasi teorie T
- **Systemul fizic compus A+B este descris si el tot de teoria T**

Ce inseamna invarianta la compozitie?

- Sistemul fizic A este descris de o teorie T
- Sistemul fizic B este descris de aceiasi teorie T
- **Systemul fizic compus A+B este descris si el tot de teoria T**
 - Exemplu (mecanica clasica):
 - Soarele este descris de ecuatia $F=ma$
 - Pamantul este descris de ecuatia $F=ma$
 - Soare+Pamant este descris de ecuatia $F=ma$

Cazul mecanicii cuantice: constanta lui Planck e unica

- Proprietatea de componitie:
 - Sistemul fizic A este descris de mecanica cuantica cu valoarea constantei Planck h_a

Cazul mecanicii cuantice: constanta lui Planck e unica

- Proprietatea de componitie:
 - Sistemul fizic A este descris de mecanica cuantica cu valoarea constantei Planck h_a
 - Sistemul fizic B este descris de mecanica cuantica cu valoarea constantei Planck h_b

Cazul mecanicii cuantice: constanta lui Planck e unica

- Proprietatea de compozitie:
 - Sistemul fizic A este descris de mecanica cuantica cu valoarea constantei Planck h_a
 - Sistemul fizic B este descris de mecanica cuantica cu valoarea constantei Planck h_b
 - Sistemul fizic compus A+B este descris de mecanica cuantica cu valoarea constantei Planck h_{a+b}

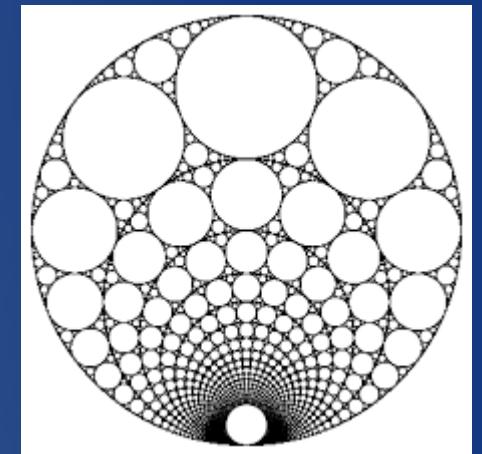
Cazul mecanicii cuantice: constanta lui Planck e unica

- Proprietatea de compozitie:
 - Sistemul fizic A este descris de mecanica cuantica cu valoarea constantei Planck h_a
 - Sistemul fizic B este descris de mecanica cuantica cu valoarea constantei Planck h_b
 - Sistemul fizic compus A+B este descris de mecanica cuantica cu valoarea constantei Planck h_{a+b}

$$h_a = h_b = h_{a+b}$$

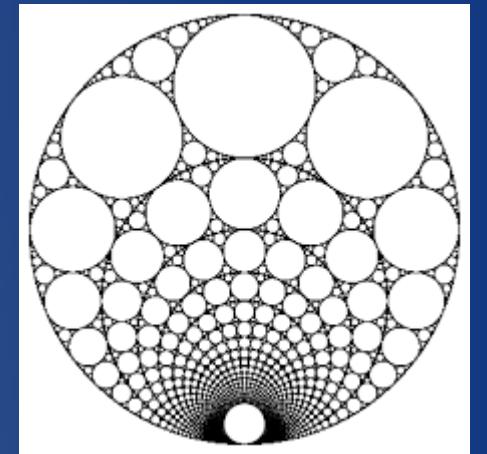
Consecinta compozitiei

- Compozitia a doua sisteme fizice este similara unui fractal



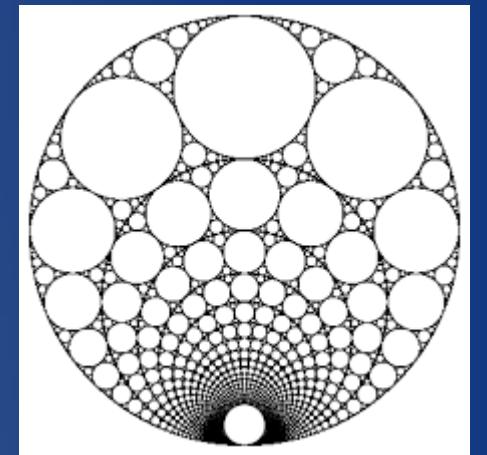
Consecinta compozitiei

- Compozitia a doua sisteme fizice este similara unui fractal
- *Invarianta impune constrangeri severe asupra structurilor matematice ce pot descrie dinamica*



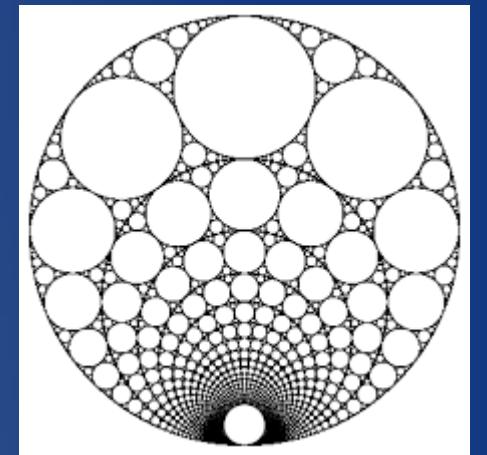
Consecinta compozitiei

- Compozitia a doua sisteme fizice este similara unui fractal
- *Invarianta impune constrangeri severe asupra structurilor matematice ce pot descrie dinamica*
- Doar 3 solutii posibile:



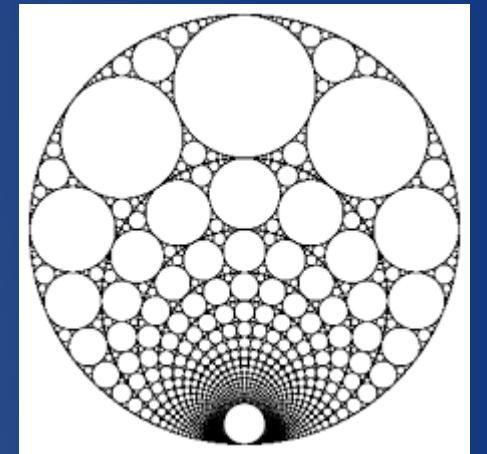
Consecinta compozitiei

- Compozitia a doua sisteme fizice este similara unui fractal
- *Invarianta impune constrangeri severe asupra structurilor matematice ce pot descrie dinamica*
- Doar 3 solutii posibile:
 - Mecanica clasica



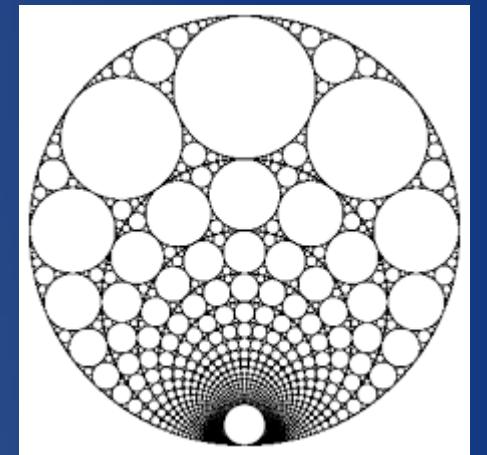
Consecinta compozitiei

- Compozitia a doua sisteme fizice este similara unui fractal
- *Invarianta impune constrangeri severe asupra structurilor matematice ce pot descrie dinamica*
- Doar 3 solutii posibile:
 - Mecanica clasica
 - Mecanica cuantica



Consecinta compozitiei

- Compozitia a doua sisteme fizice este similara unui fractal
- *Invarianta impune constrangeri severe asupra structurilor matematice ce pot descrie dinamica*
- Doar 3 solutii posibile:
 - Mecanica clasica
 - Mecanica cuantica
 - Mecanica cuantica hiperbolica – nefizica (probabilitati negative)



Interpretarea invariantei la compozitie

Interpretarea invariantei la compozitie

- Legile dinamicii nu se schimba la adaugarea unor noi grade de libertate

Interpretarea invariantei la compozitie

- Legile dinamicii nu se schimba la adaugarea unor noi grade de libertate
- Nu exista „insule de natura” cu legi distincte ale naturii

Interpretarea invariantei la compozitie

- Legile dinamicii nu se schimba la adaugarea unor noi grade de libertate
- Nu exista „insule de natura” cu legi distincte ale naturii
- Mecanica cuantica este o teorie ireductibila a naturii: nu exista explicati „sub-cuantice”

Cum sa intelegem mecanica cuantica?

Cum sa intelegem mecanica cuantica?

- Problema este prost pusa:
 - Mecanica cuantica este o teorie fundamentală ce nu admite explicații date de teorii secundare (derivate).

Cum sa intelegem mecanica cuantica?

- Problema este prost pusa:
 - Mecanica cuantica este o teorie fundamentală ce nu admite explicații date de teorii secundare (derivate).
 - Problema nu este: cum sa intelegem ca Pamantul se învarte în jurul Soarelui ci: cum intelegem miscarea aparentă a Soarelui în jurul Pamantului?

Cum sa intelegem mecanica cuantica?

- Problema este prost pusa:
 - Mecanica cuantica este o teorie fundamentală ce nu admite explicații date de teorii secundare (derivate).
 - Problema nu este: cum sa intelegem ca Pamantul se învarte în jurul Soarelui ci: cum intelegem miscarea aparentă a Soarelui în jurul Pamantului?
- Intrebarea corectă este:
 - *cum sa intelegem emergenta mecanicii clasice la nivel macroscopic data fiind mecanica cuantica la nivel microscopic?*

Cum sa intrelegem mecanica cuantica?

- Mecanica cuantica este o teorie fundamentală ce nu admite explicații date de teorii secundare (derivate).
- Așa se comportă Natura. Selectia naturală în biologie nu a favorizat dezvoltarea unei intuitii cuantice ci a unei intuitii clasice.



Cum sa intrelegem mecanica cuantica?

- Mecanica cuantica este o teorie fundamentală ce nu admite explicații date de teorii secundare (derivate).
- Așa se comportă Natura. Selectia naturală în biologie nu a favorizat dezvoltarea unei intuitii cuantice ci a unei intuitii clasice.
- Spatiul Hilbert, operatorii autoadjuncti sunt consecințe matematice ale principiilor fizice enunțate anterior.

Referinte

- Niels Bohr
 - “Principiul complementaritatii mai poate duce la noi descoperiri”

Referinte

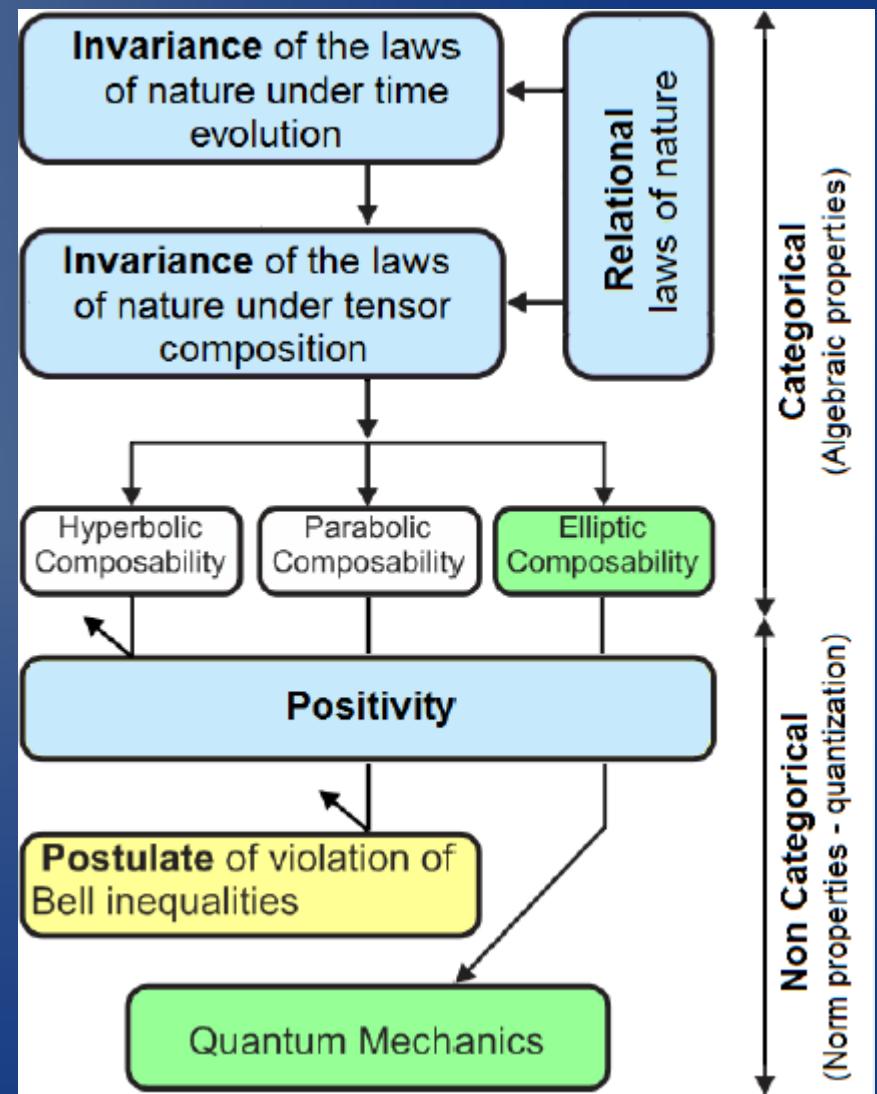
- Niels Bohr
 - “Principiul complementaritatii mai poate duce la noi descoperiri”
- Aage Petersen (asistentul lui Bohr) + Emile Grgin
 - principiul de compositie
 - precursorul algebrelor Jordan-Lie (structura algebraica a mecanicii cuantice)

Referinte

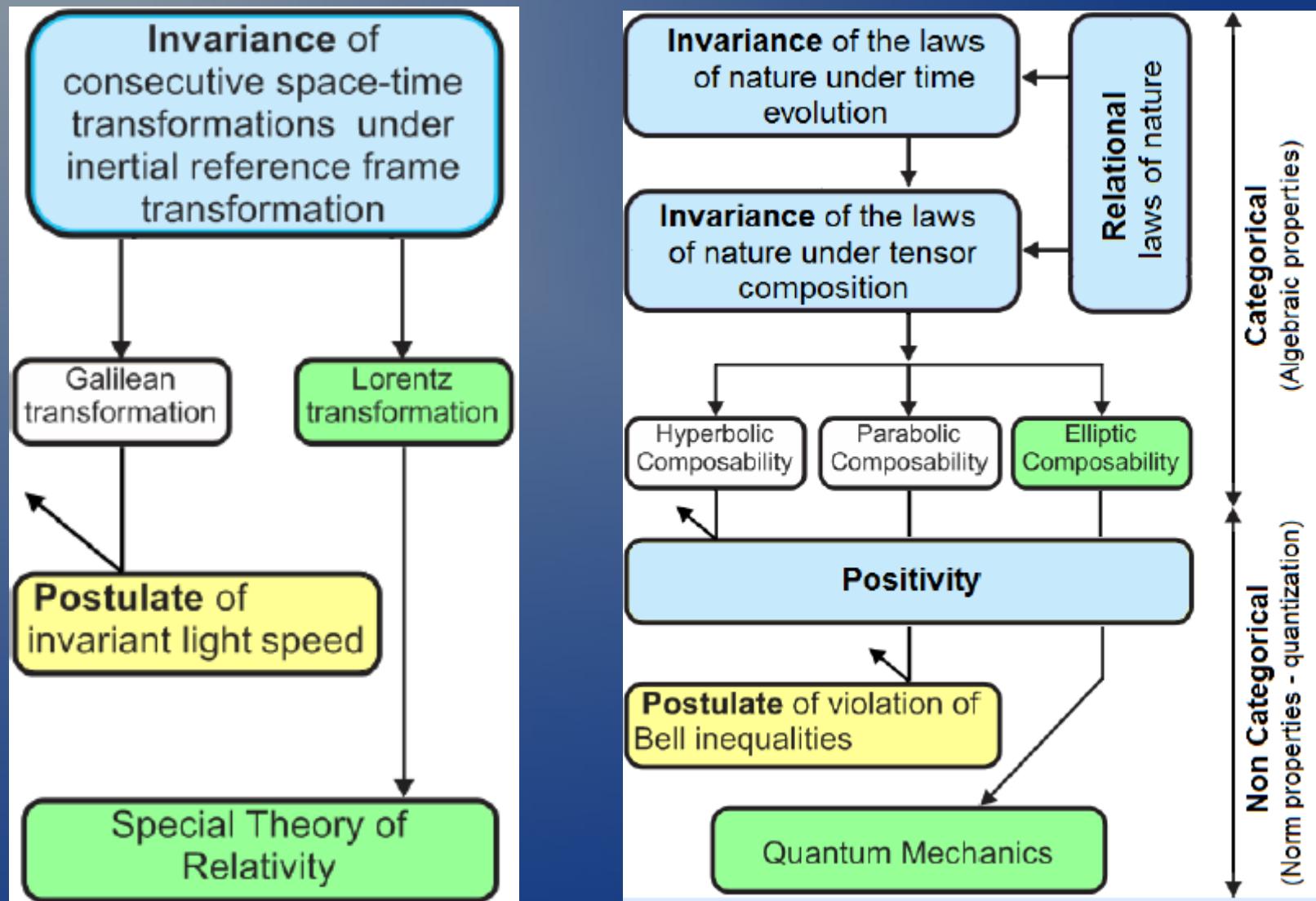
- Niels Bohr
 - “Principiul complementaritatii mai poate duce la noi descoperiri”
- Aage Petersen (asistentul lui Bohr) + Emile Grgin
 - principiul de compositie
 - precursorul algebrelor Jordan-Lie
- Florin Moldoveanu
 - Reconstructia mecanicii cuantice din principiul de compositie
 - <http://arxiv.org/abs/1303.3935>
 - <http://arxiv.org/abs/1407.7610>

Derivarea mecanicii cuantice din principii fizice

- Invarianta legilor fizicii la evolutia in timp
 - Invarianta legilor fizicii la compozitie
 - Principiu de relativitate generalizat
 - Abilitate de a genera predictii experimentale
 - Postulat experimental



Comparatie cu teoria speciala a relativitatii



Intrebari si Raspunsuri





Quantum Mechanics from Invariance Principles

Florin Moldoveanu

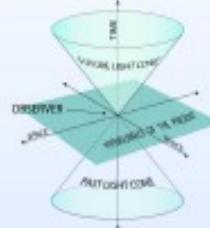
Logic and Philosophy of Science Research Group, University of Maryland, College Park, MD 20742

♦ Quantum Mechanics Reconstruction



$\Psi(x)$

Can it be done like in
the special theory of relativity case?



♦ Why is Planck constant a constant?

System A is described by quantum mechanics with Planck constant \hbar_A .

System B is described by quantum mechanics with Planck constant \hbar_B .

System A \otimes B is described by quantum mechanics with Planck constant $\hbar_{A \otimes B}$.

$$\hbar_{A \otimes B} = \hbar_A = \hbar_B$$

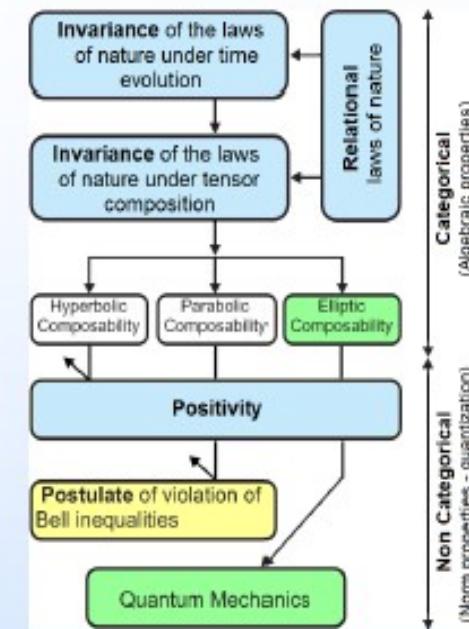
This observation is the starting point of quantum mechanics reconstruction

♦ Map between p's and q's

In classical mechanics for symplectic manifolds the canonical coordinates are in one-to-one correspondence.

In quantum mechanics this becomes "dynamic correspondence".

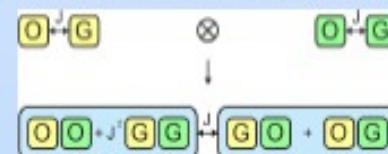
♦ Deriving Quantum Mechanics



♦ Dynamic correspondence

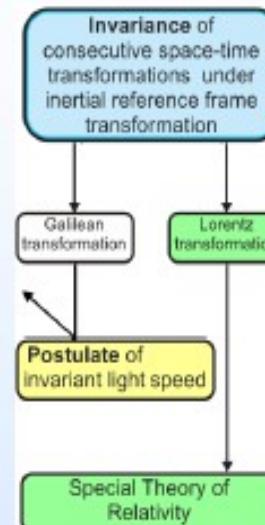
In quantum mechanics there is a one-to-one map J between observables $[O]$ (which form a Jordan algebra σ) and generators $[G]$ (which form a Lie algebra α). Here $J^2 = -1$.

♦ General bipartite relationship



$$\begin{aligned} a_{12} &= \sigma_1 \otimes \sigma_2 + \sigma_1 \otimes a_2 \\ \sigma_{12} &= \sigma_1 \otimes \sigma_2 + J^2 a_1 \otimes a_2 \end{aligned}$$

♦ Deriving Special Theory of Relativity



♦ Composability two-product algebra

A composability two-product algebra is a real vector space A_n equipped with two bilinear maps σ and α such that the following conditions apply:

- σ is a Lie algebra,
- α is a Jordan algebra,
- α is a derivation for σ and α ,
- $[A, B, C]_\sigma + J\hbar^2/4 [A, B, C]_\alpha = 0$,

where $J \rightarrow (-J)$ is an involution, $1\sigma A = A\alpha 1 = 0$, $1\sigma A = A\sigma 1 = A$, and $J^2 = -1, 0, +1$.

$[A, B, C]_\sigma = (A\sigma B)\sigma C - A\sigma(B\sigma C)$ is the associator.

$J^2 = +1$	"Hyperbolic Quantum Mechanics"
$J^2 = 0$	Classical Mechanics
$J^2 = -1$	Quantum Mechanics

♦ Quantum mechanics reconstruction

Invariance under time evolution + Invariance under tensor composition + Insensitivity to constant functions (relational laws of nature) => Composability two product algebra

$J^2 = +1$ => "ghosts" (unphysical negative probabilities).

$J^2 = 0$ (classical mechanics) => Poisson bracket

Poisson bracket + J^2 deformation from 0 into -1 + invariance under tensor composition => Kähler manifold

Kähler manifold + positivity + Kodaira embedding theorem + Berezin quantization => **Quantum Mechanics in Hilbert space**

♦ References

<http://arxiv.org/abs/1303.3935>
<http://arxiv.org/abs/1407.7610>

Published by arXiv.org. This preprint is available at <http://arxiv.org/abs/1303.3935>. This work is licensed under a Creative Commons Attribution-NonCommercial-ShareAlike 4.0 International License. © The Author(s) 2013. This work is licensed under a Creative Commons Attribution-NonCommercial-ShareAlike 4.0 International License.

♦ Acknowledgements/Contact

Thanks to: Emile Grin, Franklin E. Schroeck Jr., Howard Barnum, Caslav Brukner, Ovidiu-Cristinel Stoica

Email: fmoldove@gmail.com